

TALLINNA TEHNIKAÜLIKOOL  
Infotehnoloogia teaduskond  
Arvutisüsteemide instituut

Madis Sander Maddison 134471

# **LOOGIKA FUNKTSIOONIDE SÜSTEEMI TÄPNE MINIMEERIJAJA**

Bakalaurusetöö

Juhendaja: Prof. Peeter Ellervee

Tallinna  
Tehnikaülikool,  
Arvutisüsteemide  
instituut, Ph.D.

Tallinn 2017

## **Autorideklaratsioon**

Kinnitan, et olen koostanud antud lõputöö iseseisvalt ning seda ei ole kellegi teise poolt varem kaitsmisele esitatud. Kõik töö koostamisel kasutatud teiste autorite tööd, olulised seisukohad, kirjandusallikatest ja mujalt pärinevad andmed on töös viidatud.

Autor: Madis Sander Maddison

21.05.2017

## **Annotatsioon**

Käesoleva lõputöö teemaks on Quine-McCluskey minimeerija. Selle töö eesmärgiks oli programmeerida rakendus Java programmeerimiskeeles, mis suudaks lahendada Boole'i funktsiooni kasutades Quine-McCluskey minimeerimismeetodit. Programm peab samal ajal olema lihtsalt kasutatav ning näitama visuaalselt Quine-McCluskey minimeerimist. Samuti peab programmil olema graafiline liides, kust kasutaja saaks kontrollida programmi tööd.

Selleks, et paremini kirjeldada kuidas programm töötab, on lõputöös välja toodud programmis rakendatud meetodid ning kirjeldatud seoseid nende vahel. Samuti on toodud näide sellest kuidas Quine-McCluskey meetodit rakendada.

Lõputöö on kirjutatud eesti keeles ning sisaldab teksti 47 leheküljel, 6 peatükki, 13 joonist, 6 tabelit.

## **Abstract**

### **Exact Minimizer of Logic Functions System**

This Bachelor's thesis is about a program minimizing boolean logic functions. The aim of this thesis was to create a program, which would be capable of minimizing boolean logic functions using the Quine-McCluskey method. The two main parts of the Quine-McCluskey method are separated into two distinct stages. The stages had to be representable in a visual way, in which the user could easily work out, what the program was doing.

Each stage was implemented separately, since the second stage of the minimization method can't be called out, before the first part is finished.

The user can access the Quine McCluskey minimization program functions through a graphical interface, which allows the user to easily input the boolean functions through text form, which is highly convenient.

As part of this thesis, the effectiveness of different minimization programs found on the web were compared against each other and the solution programmed during the course of this thesis.

The thesis is in Estonian and contains 47 pages of text, 6 chapters, 13 figures, 6 tables.

## **Lühendite ja mõistete sõnastik**

QMM

Quine-McCluskey Meetod

## Sisukord

Jooniste loetelu .....	7
Tabelite loetelu .....	8
1 Sissejuhatus .....	9
2 Lahendused .....	10
2.1 Quine McCluskey baaslahenduse näide .....	10
2.2 Olemasolevad lahendused .....	13
3 Tarkvaraline realisatsioon.....	16
3.1 Kasutusjuhend .....	20
3.2 Programmi struktuur.....	23
3.3 Graafiline kasutajaliides .....	25
3.4 Võrdlus .....	27
4 Analüüs.....	28
5 Kokkuvõte .....	31
6 Kasutatud kirjandus .....	32
Lisa 1 – Lähteülesanded .....	33
Lisa 2 – Minimeerimis tulemused. ....	38
Lisa 3 – Programmi kood. ....	44

## Jooniste loetelu

Joonis 1. Quine-McCluskey Solver&Cover MC-Soft.....	13
Joonis 2. QuineMcCluskey Solver .....	14
Joonis 3. QMMinPro Jan Devjatko .....	15
Joonis 4. Supergrupi ehitus.....	16
Joonis 5. Voodiagramm.....	19
Joonis 6. QMM paneel 1. ....	25
Joonis 7. QMM paneel 2. ....	25
Joonis 8. isNumeric() kood.....	44
Joonis 9. multiply() kood.....	44
Joonis 10. checkCoverage() kood.....	45
Joonis 11. getCovers() kood .....	45
Joonis 12. check() kood .....	46
Joonis 13. getPrime() kood.....	47

## Tabelite loetelu

Tabel 1. QMM vektorid.....	10
Tabel 2. QMM esimene etapp. ....	11
Tabel 3. QMM teine etapp.....	12
Tabel 4. Lähteülesanne 1.....	30
Tabel 5. Lähteülesanne 2.....	30
Tabel 6, Lähteülesanne 3.....	30



# 1 Sissejuhatus

Töö teemaks on realiseerida Quine-McCluskey Minimeerimismeetod loogikafunktsioonide süsteemile kasutades programmeerimiskeelt Java. Quine-McCluskey algoritm on meetod, mille leiutas Willard V. Quine ja laiendas Edward J. McCluskey. [1] [2]

Meetodit kasutatakse Boole'i funktsioonide minimeerimiseks, funktsionaalselt sarnaneb meetod Karnaugh kaardile, aga tabeli põhiline vorm teeb ta tõhusamaks arvuti algoritmides kasutamiseks. Meetod töötab kahel astmel, kus esiteks leitakse funktsiooni lihtimplikandid. Teiseks kasutame leitud lihtimplikante, et leida minimaalne arv vajalikke implikante, et katta ära funktsioonis kehtestatud vektorid. Meetodit kasutatakse tihti ainetes Diskreetne Matemaatika kui ka Digitaalsüsteemid, seega tuleks programm kasuks nendes ainetes.

Lõputöö eesmärgiks on luua Java programm, mis demonstreerib Quine-McCluskey meetodit visuaalselt ja annab võimalikult täpse vastuse vastava meetodi alusel.

Programmi arendamisel peamiseks probleemiks osutus meetodi arendamine viisil, mis võimaldaks näidata minimeerimismeetodi tööd samm-haaval.

Ülesanded mis lahendasin lõputöö käigus:

- Kirjutada programm, mis demonstreerib Quine-McCluskey meetodit Javas.
- Anda programmile graafiline liides, mille kaudu on võimalik meetodit rakendada.
- Lasta programmil näidata visuaalselt seoseid erinevate etappide vahel.

Realisatsioon peab võimaldama algoritmi täitmist samm-haaval koos võimalusega näidata seoseid sammude vahel. Seoste näitamine ja sammude juhtimine toimub graafilise liidese abil.

## 2 Lahendused

### 2.1 Quine McCluskey baaslahenduse näide

Quine-McCluskey meetod koosneb kahest etapist. Esiteks tuleb leida lihtimplikandid kasutades süstemaatiliselt kleepimisseaduseid. Selles töös on kasutatud intervallmeetodit. Teise etapi käigus minimeeritakse leitud loetelu.

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \sum(0, 2, 4, 5, 6, 7, 10, 12, 13, 15)_1$$

Esimene etapp – lihtimplikantide hulga leidmine.

Esiteks kirjutame kõik funktsiooni ühtede piirkonna numbrid ümber binaarsele kujule: 0 = 0000, 2 = 0010, 4 = 0100, 5 = 0101, 6 = 0110, 7 = 0111, 10 = 1010, 12 = 1100, 13 = 1101, 15 = 1111.

Seejärel jaotame nad intervallideks kahendvektorite nn. Indeksite järgi. Boole'i vektori indeks on ühtede arv selles vektoris. [3]

Tabel 1. QMM vektorid.

Indeks	Intervall	Märke
0	0000	
1	0010 0100	
2	0101 0110 1010 1100	
3	0111 1101	
4	1111	

Ilmselt on omavahel kleebitavad vaid need kahendvektorid, mille indeksid erinevad täpselt ühe võrra Seejuures langevad  $(n-1)$  argumendi väärtused kokku ja ühe argumendi väärtus on kleebitavates vektorites erinev.

Pärast indeksite määramist toimub kleepmisseaduse alusel intervallide tabelite koostamine.

Esimese etapi lõpuks saadakse kõigi antud funktsiooni lihtimplikantide loetelu. [3]

Tabel 2. QMM esimene etapp.

Indeks	Intervall	Märke	Indeks	Intervall	Märke	Indeks	Intervall	Märke
0	0000	x	0-1	00-0 0-00	x x	0-1-1-2	0--0 0--0	A2 A3
1	0010 0100	x x	1-2	0-10 -010 010- 01-0 -100	x A1 x x x	1-2-2-3	01-- -10-	A4 A5
2	0101 0110 1010 1100	x x x x	2-3	01-1 011- -101 110-	x x x x	2-3-3-4	-1-1	A6
3	0111 1101	x x	3-4	-111 11-1				
4	1111	x						

## Teine etapp

Teise etapi käigus seda loetelu minimeeritakse s.t. valitakse minimaalne alamhulk lihtimplikantidest, mis võimaldavad katta antud funktsiooni ühtede piirkonna (s.o. tüüpiline nn. katteülesanne). 0,2,4,5,6,7,10,12,13,15

Tabel 3. QMM teine etapp.

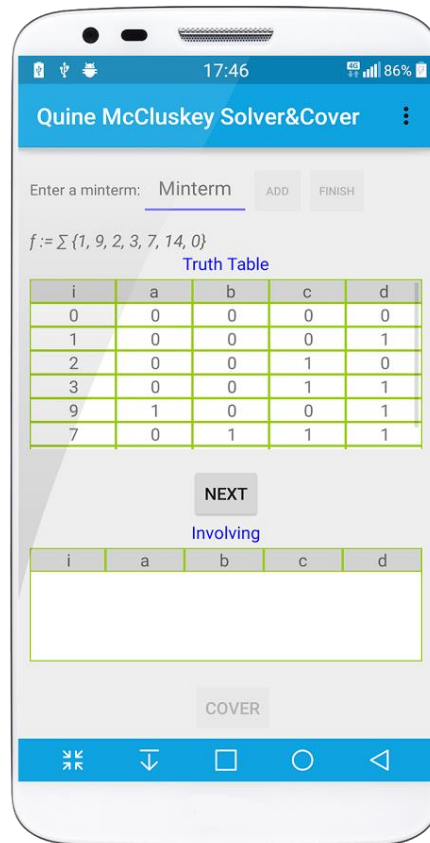
Implikandid	0	2	4	5	6	7	10	12	13	15
A1		x				x				
A2	x		x		x					
A3			x	x	x			x		
A4			x	x			x		x	
A5				x				x	x	x

Lahendis osalevad lihtimplikandid peavad katma funktsiooni ühtede piirkonna. Lihtimplikandid A1, A2, A4 ja A5 on igal juhul vajalikud, kuna nad võimaldavad ainsatena katta vektoreid 0, 2, 7 ja 15 (tabelis halli taustaga). Peale seda on näha, et kui kattes ära implikandid A1, A2, A4 ja A5 pole implikanti A3 enam vaja, kuna vektorid 4, 5, 6 ja 12 on kaetud juba teiste lihtimplikantide poolt ning lõpptulemuseks jääb:

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = A1 \vee A2 \vee A4 \vee A5 = \overline{x_2}x_3\overline{x_4} \vee \overline{x_1}\overline{x_4} \vee x_2\overline{x_3} \vee x_2x_4$$

## 2.2 Olemasolevad lahendused

Quine-McCluskey Solver&Cover, loodud MC-Soft poolt. [4]



Joonis 1. Quine-McCluskey Solver&Cover MC-Soft.

Head omadused: lihtsalt kasutatav, on võimalik kasutada androidil põhinevatel mobiiltelefonidel.

Halvad omadused: Täisversioon on tasuline.

Lõpp vastus , kasutades ülaltoodud näidet:

$$f(a, b, c, d) = P1 \vee P0 \vee P3 \vee P4 = \bar{b}\bar{c}\bar{d} \vee \bar{a}\bar{d} \vee b\bar{c} \vee bd$$

QuineMcCluskeySolver, loodud Hatem Hassani poolt. [5]

Insert each value on a new line  
*Demo 1 ~ Demo 2*

0 2 4 5 6 7 10 12 13 15	Don't Cares
--	-------------

SOLVE !

Joonis 2. QuineMcCluskey Solver

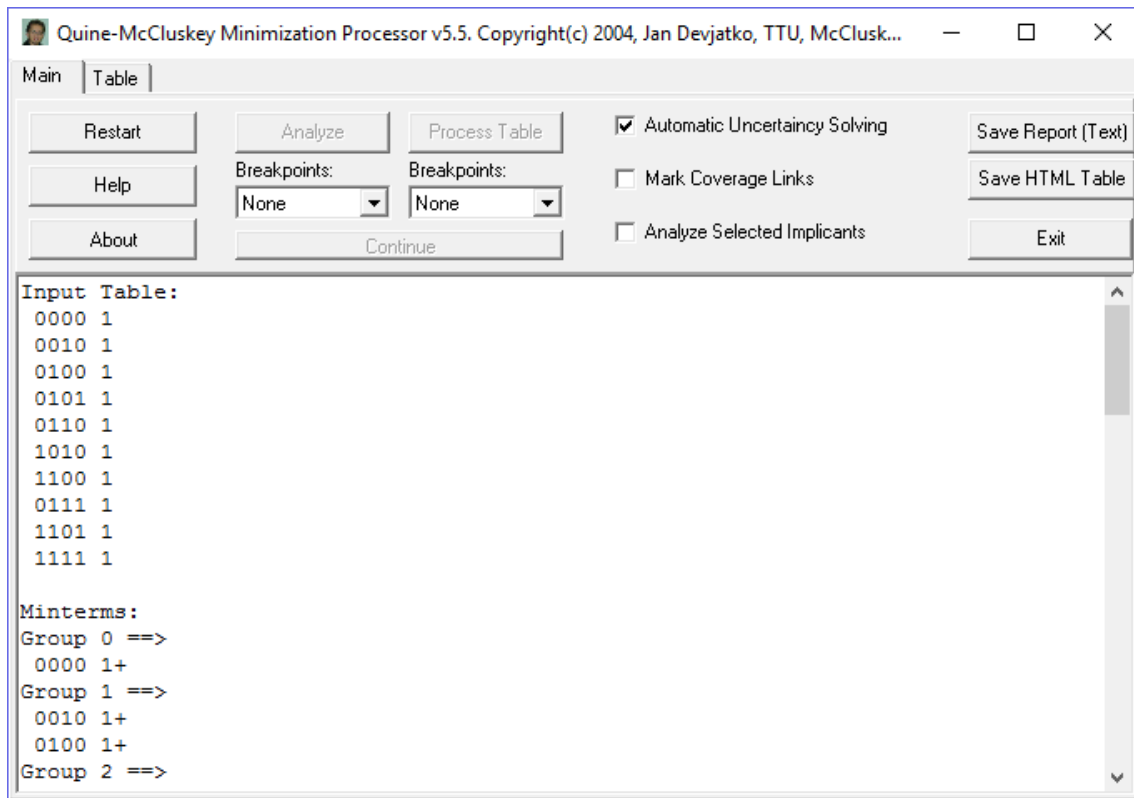
Head omadused: visuaalselt lihtne ning arusaadav algajale, on näha samm-haaval kuidas jõuti vastuseni.

Halvad omadused: ei sobi keerulistemate Boole'i funktsioonide jaoks, kus on vaja mitut väljundit.

Lõpp vastus , kasutades ülaltoodud näidet:

$$f(A,B,C,D) = P1 \vee P0 \vee P3 \vee P4 = B'CD' + BD + BC' + A'D'$$

QMMinPro, loodud Jan Devjatko poolt. [6]



Joonis 3. QMMinPro Jan Devjatko

Head omadused: hästi kasutatav, õpetused olemas, sammhaaval protsess, visuaalne.

Halvad omadused: kergelt aegunud, ei tööta kõikidel operatsioonisüsteemidel, jääb „hängima“ suuremate funktsioonide puhul.

Kuna see variant oli kõige parem ning juhendaja poolt soovitatud, jäi ülesandeks taolise programmi kirjutamine Java baasil.

Lõpp vastus kasutades ülaltoodud näidet:

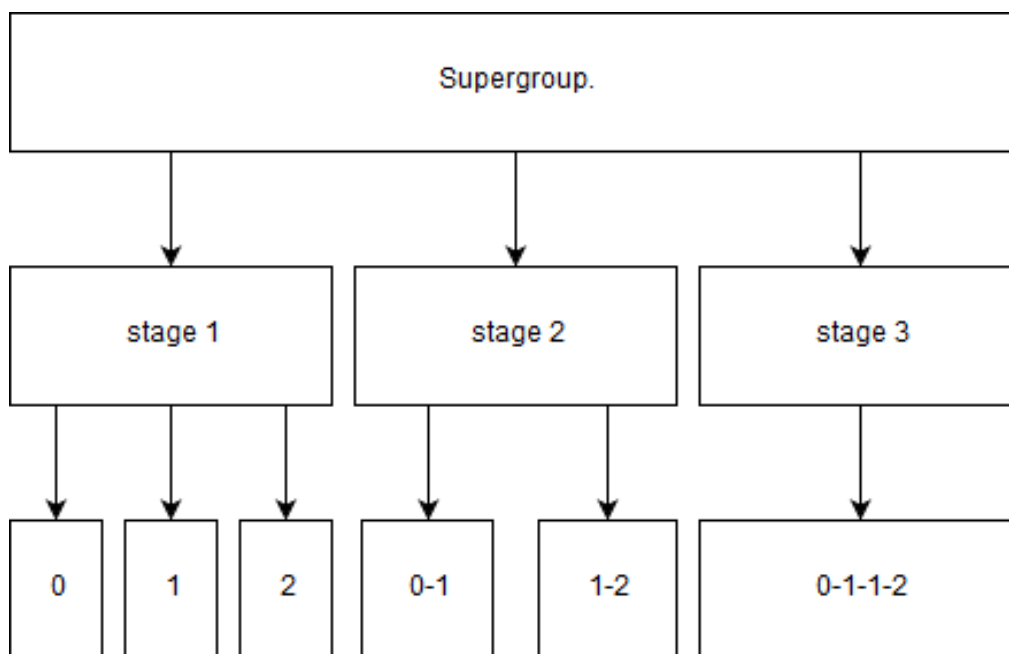
```
0--0 1 B
-010 1 A
-10- 1 C
-1-1 1 E
```

### 3 Tarkvaraline realisatsioon

Lahendus on jaotatud peamiselt kahte erinevasse ossa, esimene osa tegeleb Quine-McCluskey meetodi minimeerimisega ja teine osa ehk graafiline liides.

Järgnevalt on näidatud sammud, mille järgi programm rakendab Quine-McCluskey Minimeerimismeetodit.

1. Loeb kasutaja poolt sisestatud vektorid programmi mälusse ning kontrollib nende vastavust ette antud mallile.
2. Programm kirjutab vektori lahti väljundi alusel. Nt: xxxx 11- läheb xxxx 100, xxxx 010, xxxx 001.
3. Lisab vektorid supergruppi, kus hakkavad kõik implikandid olema. Supergrupp hoiab kõiki esimese etapi samme eraldi gruppides(stage), mille sees omakorda on kõik vektorid, mis on indeksite kaudu gruppideks jaotatud.



Joonis 4. Supergrupi ehitus.



4. Programm kontrollib omavahel kahte indeksite gruppi vektoreid, et leida implikante. Kontrollimis meetod teeb kaks eraldi kontrolli, üks sisendite ning teine väljundite jaoks.

Sisendite kontroll käsitleb vektori esimest poolt, ehk sisendit, leides vektoreid, mis erinevad üksteisest ainult ühe koha võrra, näiteks(-110 01 ja -100 01). Samal ajal kontrollib ta, et vektori väljundid oleks võrdsed. Leides sellise paari moodustab programm uue vektori (-1-0 01), mille programm salvestab ajutisse gruppi, kus ta samal ajal kontrollib, et varem ei oleks mingi teine vektorite paar samasugust vektorit moodustanud, näiteks (11-0 01 ja 01-0 01 moodustavad samuti -1-0 01 vektori).

Väljundite kontroll käsitleb vektori teist poolt ehk väljundit. Kuigi kontrollimisviis sarnaneb sisendite kontrollile, moodustab meetod uusi vektoreid teistmoodi. Programm kontrollib, et vektorid erineksid üksteisest ainult kahe koha võrra, näiteks(1100 01 ja 1100 10). Leides sellise paari, moodustab programm uue vektori (1100 11), aga erinevalt sisendkontrollist, ei saa väljund olla implikantide seas „don't care“ ehk (-). Seetõttu loob programm vektori, kus mõlemad väljundid on tõesed. Ning sarnaselt sisendite kontrollile, kontrollib programm, et varasemalt pole samasugust vektorit moodustatud

Peale mõlema kontrolli tegemist kombineerib programm mõlemad ajutised grupid ühte gruppi kontrollides, et ei leiduks duplikaate. Peale seda programm salvestab uue grupi Supergruppi järgmise grupi(stage) algusesse, ning võtab järgmised kaks indeksite gruppi, kui võimalik.

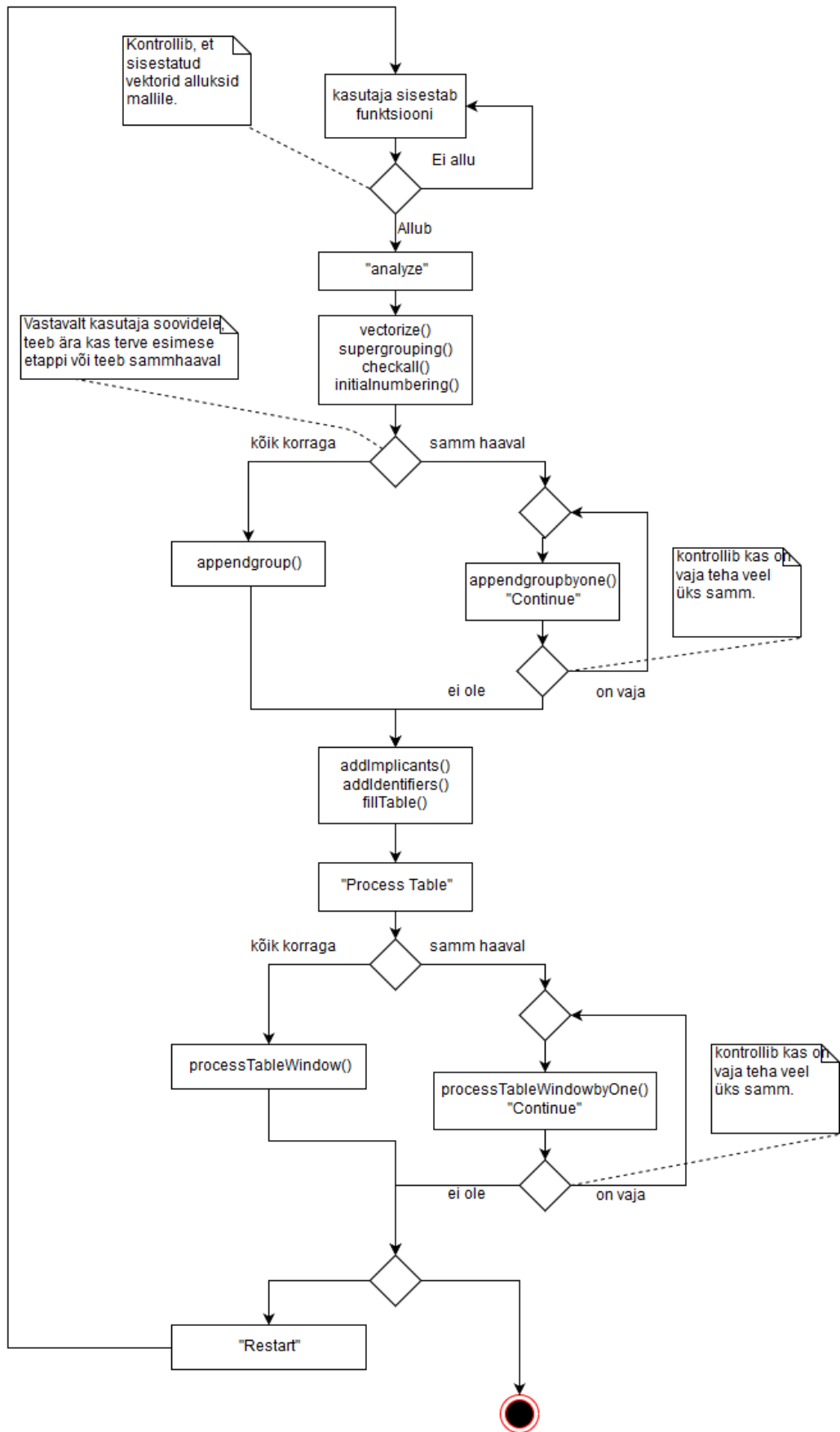
5. Programm loob algsete vektorite ja lihtimplikantide alusel tabeli ning leiab milliseid vektoreid implikandid katavad.
6. Kasutades eelnevalt leitud lihtimplikante ning vektoreid mida neid katavad, hakkab programm leidma implikante, mida on vaja, et minimaalsete arvu implikantidega, katta ära kõik algvektorid. Programm leiab implikante niiõelda tähtsuse järjekorras.

Esimeseks sammuks on eemaldada valikutest kõik implikandid, mis on teiste implikantide poolt kaetud.

Teiseks valib programm implikandid, mis üksikuna katavad mingit vektorit,.

Peale igat implikandi valikut eemaldab programm tabelist kõik vektorid, mida implikant kattis. Ning kui implikant on valitud, proovib programm uuesti leida, kas on tekkinud implikante, mis on teiste poolt kaetud peale vektorite eemaldamist.

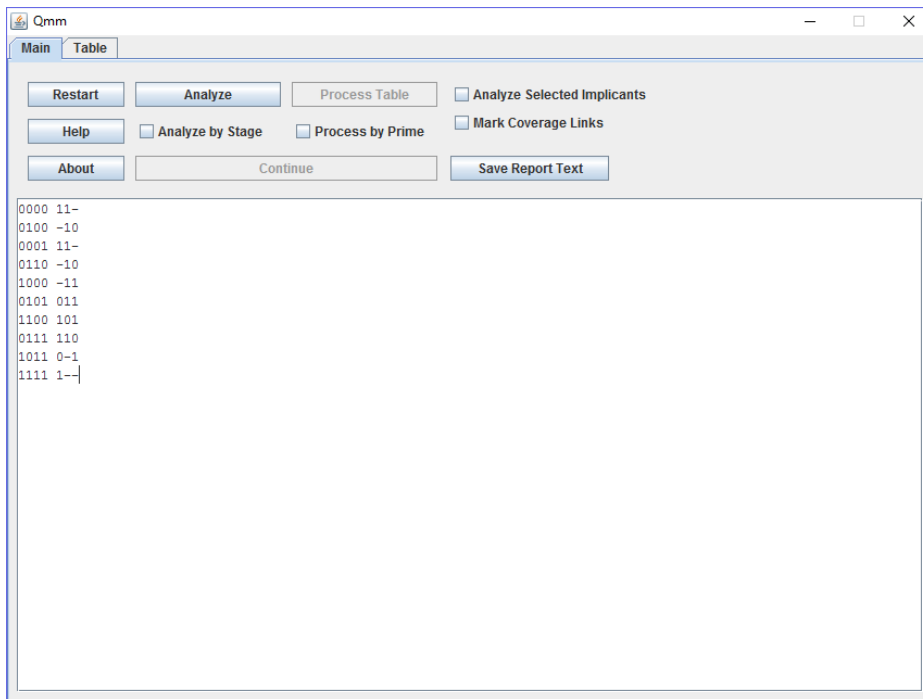
7. Peale implikantide leidmist väljastab programm vastavad implikandid teksti väljale, peale mida saab kasutaja kontrollida, milliseid eelnevaid vektoreid implikant kattis ning soovi korral salvestada terve programmi tegevuse eraldi faili.



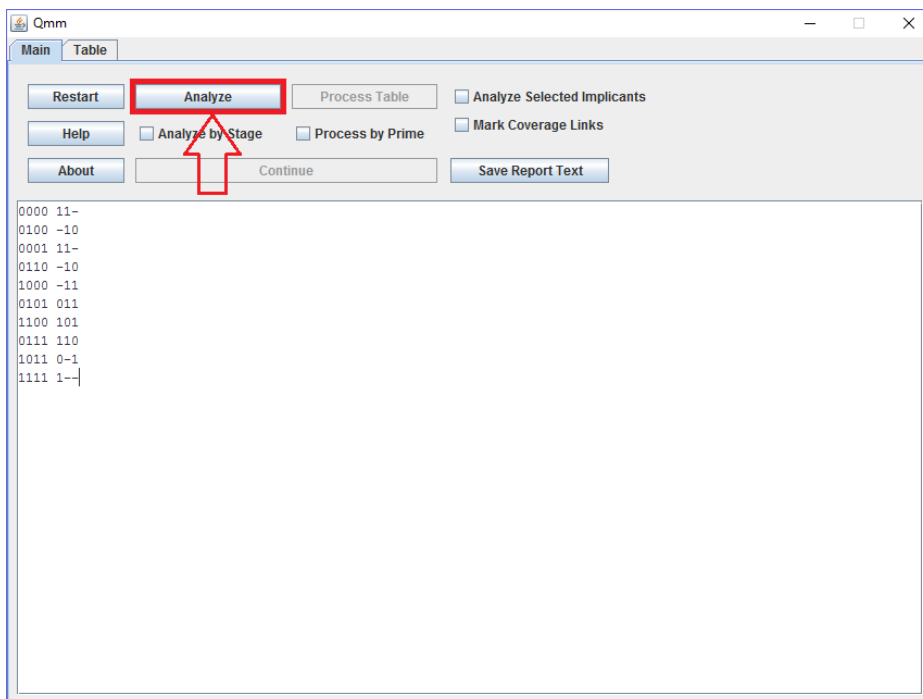
8.

Joonis 5. Voodiagramm

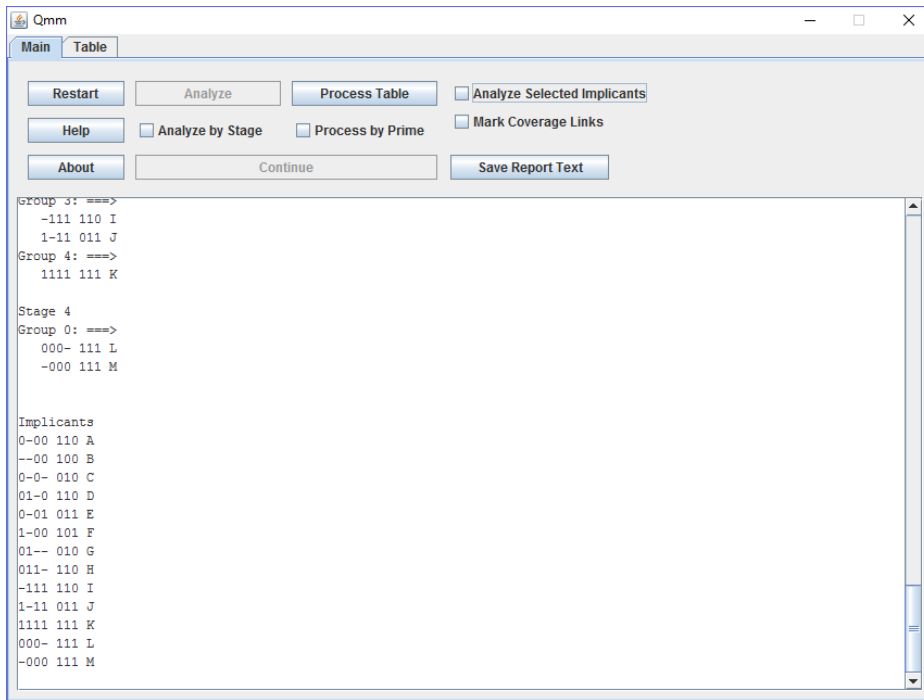
### 3.1 Kasutusjuhend



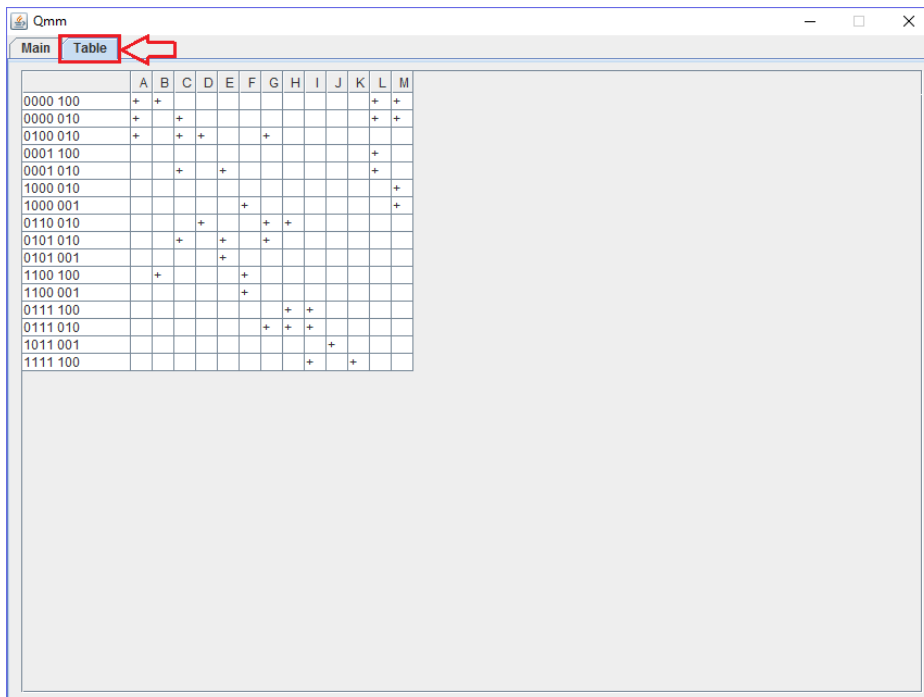
Kasutaja sisestab teksti välja oma funktsiooni algandmed.

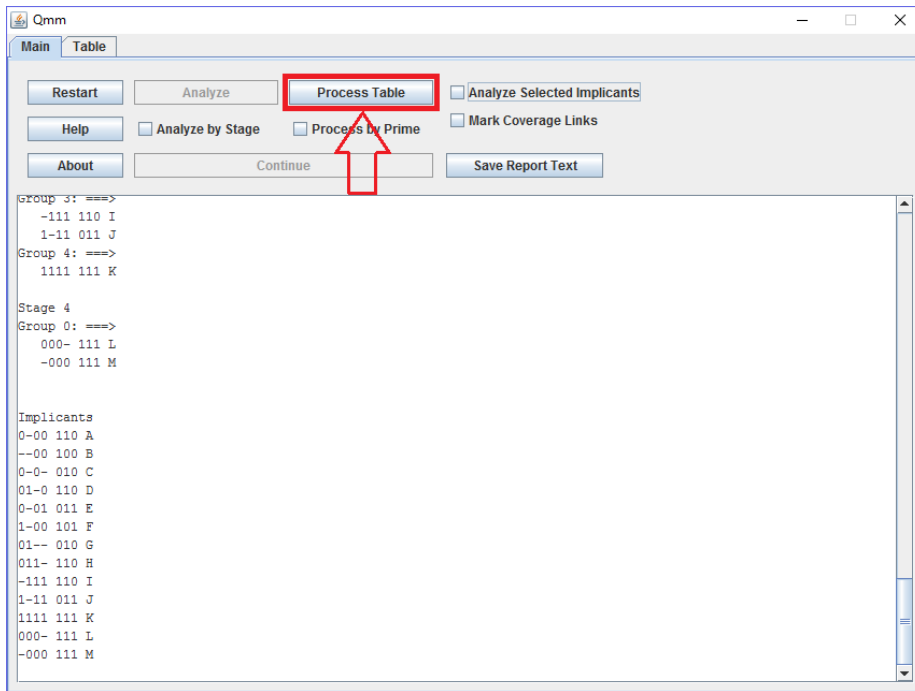


Kasutaja vajutab „Analyze“ nuppu, et alustada minimeerimisfunktsiooni esimest etappi.

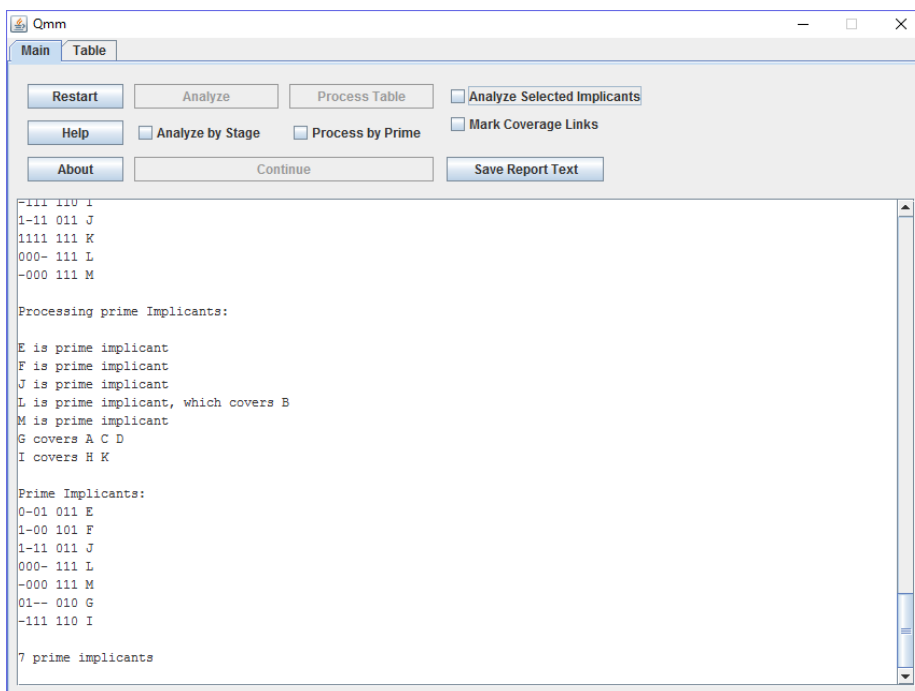


Kasutaja saab esimese etapi käigus leitud implikandid ning mooduse, kuidas neid leiti. Kasutaja saab leitud implikante analüüsida, mis näitab kuidas selle implikandini jõuti ning kui võimalik siis näha, milliste implikantide koostamisel valitud implikanti vaja on.





Kasutaja vajutab „Process Table“ nuppu, et alustada minimeerimisfunktsiooni teist etappi.



Kasutaja saab teise etappi käigul leidud lihtimplikandid ning mooduse, kuidas neid leiti. Nüüd võib kasutaja veel analüüsida implikante, salvestada kasutades „Save Report Text“ nuppu, või alustada uue funktsiooniga kasutades „Restart“ nuppu.

## 3.2 Programmi struktuur

Programmi valmistamisel loodi mitmeid erinevaid meetodeid. Programmi peamiseks osaks on Checker Java class, kus asuvad kõik peamised funktsioonid, mis on seotud Quine-McCluskey Minimeerimismeetodiga.

Järgnevalt on kirjeldatud programmi põhilisi meetodeid.

1. isNumeric()

Vaatab kas vektorid vastavad kujule xxxx yyyy, kus x võib olla 1 või 0 ning y võib olla 1,0 või -. **Vt** Joonis 8, lk 44.

2. multiply()

Loob ühest algvektorist mitu erinevat vektorit, nt kujult xxxx 01- kujule xxxx 010 ja xxxx 001, kus viimane on samuti märgitud, et on „don't care“. **Vt** Joonis 9 lk 44.

3. checkCoverage()

Töötleb tabelit, leiab millised implikandid katavad milliseid vektoreid. **Vt** Joonis 10 lk 45.

4. getCovers()

Leiab kõik implikandid, mis on kaetud või katavad valitud implikanti „mark coverage links“ jaoks. **Vt** Joonis 11 lk 45.

5. check()

Kasutades functionChecki ja outputChecki leiab, mis vektorid katavad teineteist kleepimisseaduste alusel. **Vt** Joonis 12 lk 46.

6. functionCheck()

Kontrollib vektori sisendit teiste vektorite suhtes.

7. outputCheck()

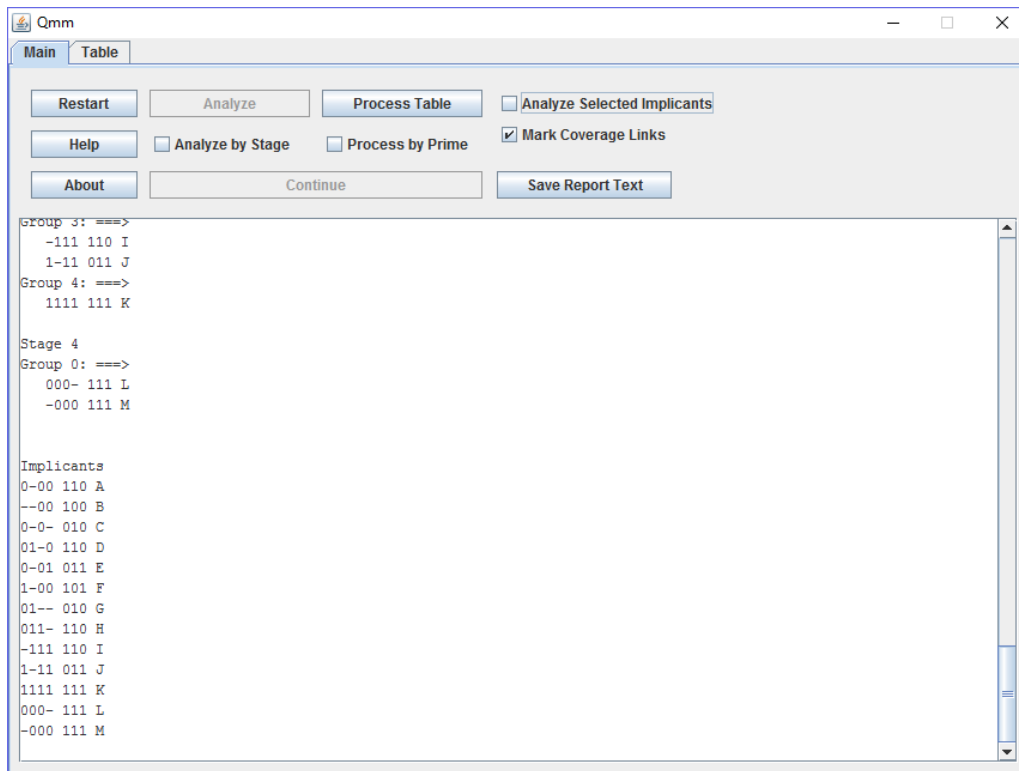
Kontrollib vektori väljundit teiste vektorite suhtes.

8. `getPrime()`

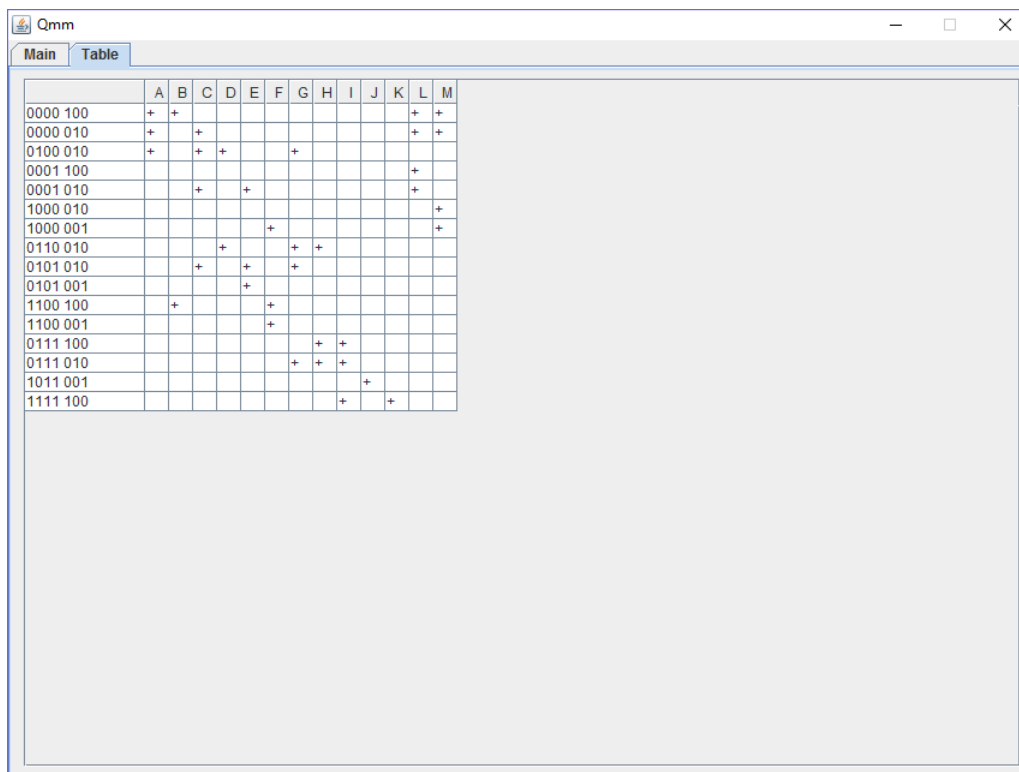
Leiab kõik lihtimplikandid mida on vaja, et minimaalse arvu implikantidega katta kõik vajalikud vektorid. **Vt** Joonis 13 lk 47.



### 3.3 Graafiline kasutajaliides



Joonis 6. QMM paneel 1.



Joonis 7. QMM paneel 2.

Rakendus koosneb kahest paneelist. Esimesel paneelil (Joonis 6. QMM paneel 1.), toimub peamine programmi rakendus. Teisel paneelil (Joonis 7. QMM paneel 2.) asub tabel vastavate vektorite ja liht implikantidega.

Ülaosas asub menüü, kus asuvad kõik nupud programmi kasutamiseks.

„Restart“ seab programmi algseisukorda, kust on võimalik uut funktsiooni minimeerida.

„Help“ toob ette akna, kus on juhend programmi kasutamiseks.

„About“ avab akna, kus on infot programmi kohta.

„Analyse“ alustab analüüsimisprotsessi ja olenevalt valikutest, programm kas leiab kõik implikandid korraga, või laseb kasutajal gruppide kaupa läbi käia.

„Process Table“ käivitab Quine-McCluskey Minimeerimismeetodis teise etappi, mis leiab lihtimplikante, mis kokku kõik katavad algvektorid.

Lahendusväli on lihtne text väli, kuhu programm mitme erineva print() funktsiooni abil programmi tööd väljastab. „Save Report Text“ salvestab kõik tekstiväljas oleva info tekstifaili.

### 3.4 Võrdlus

Võrreldes QMMinPro-ga töötleb minu programm samu andmeid palju kiiremini, eriti esimeses etapis, kus QMMinPro on mõnikord kümneid kordi aeglasem, aga see eest on QMMinPro teise etapi töötlus natuke kiirem kui minu programmis.

Kuigi QuineMcCluskeySolver ja Quine-McCluskey Solver&Cover töötavad hästi omas skoobis, on nende üleüldine jõudlus võrreldes teiste lahendustega väiksem, kuna nad toetavad samaaegselt ainult ühe väljundi leidmist, ning seetõttu ei sobi nad analüüsimiseks.

## 4 Analüüs

Töö käigus testiti lõputöös esitatud programmi efektiivsust võrreldes teiste lahendustega. Testimiseks valitud lähteülesanded valiti erinevate raskusastmetega. Alates lihtsama ülesandega, kus sisendeid oli neli ning väljundeid seitse (**Vt** Lähteülesanne 1 **lk** 33). Lõpetades lähteülesandega, kus sisendeid oli kaheksa ning väljundeid kaheksa (**Vt** Lähteülesanne 3 **lk** 36),

Kuigi veebilehekülgedel asuvad minimeerisrakendused töötavad ning on lihtsalt kasutatavad, on nende efektiivsus suhteliselt väike, kuna enamasti on neil maksimaalne väljundite arv üks. Seetõttu ei ole nad sobilikud lähteülesande lahendamiseks. Lõputöös võrreldi QMMinPro'd [6], enda lahendust ning Espresso [7] ise, kui kontroll-lahendust.

Analüüsimiseks kasutan espresso, mille arendas Robert Brayton IBM'is [7]. Espresso kasutab heuristikat ja algoritme, et „rohkest“ minimeerida loogika funktsioone. Espresso programmiga tegin iga lähteülesande jaoks kontroll-lahenduse, kasutades käsku – Dexact, sest juhul kui kontroll-ülesanne ei tule õigesti välja, ei saa kindel olla espresso kontrolli õigsuses. Kuigi espresso kontrollitulemusel on väljundid erinevad, ei muuda see Quine-McCluskey minimeerimise õigsust, kuna espresso kasutab lõpus veel nn. hõrendamist - kui mõne väljundi puhul on implikant juba täielikult kaetud mõne teise (ja suurema) implikandi poolt, siis vastav väljund eemaldatakse. Klassikaline Quine-McCluskey meetod seda ei kasuta, sest eesmärgiks on ainult implikantide arvu minimeerimine.

Testimiseks kasutan lähteülesannet erinevate programmide peal ning kontrollimiseks kasutan espresso käsku –Dverify, et näha, kas lähteülesanne ja minimeeritud ülesanne on võrdsed.

Testimise käigus selgus, et kõik programmid minimeerivad, kuigi QMMinPro ei leia alati kõige minimaalsemat varianti. Seda on näha kolmandas lähteülesandes, kus espresso ja minu lahendus mõlemad minimeerisid 76 implikandini (**Vt** Tulemus 7, Tulemus 9 **lk** 41,43) ja QMMinPro minimeeris ainult 77 implikandini (**Vt** Tulemus 8 **lk** 42). Samuti tekkis suur erinevus minimeerimiseks kulunud aja peale, kus espresso oli tohutult kiirem mõlemast variandist (**Vt** Tabel 4, Tabel 5 ja Tabel 6 **lk** 30). Aga võrreldes peamiselt minu lahendust ja QMMinPro, on kulunud aegade vahe siiski suur,

olles esimesel kahel juhul (**Vt** Tabel 4 ja Tabel 5 **lk** 30) keskmiselt 3 korda aeglasem ning ligi 8.5 korda aeglasem kõige raskemal lähteülesandel (**Vt** Tabel 6 **lk** 30). Suurim ajaerinevus tuli esimese etapi töötuses ning teise etapi puhul, oli minu lahendus ainult natukene kiirem.

Tabelis kasutatud lähteülesanded (**Vt** Lähteülesanne 1, Lähteülesanne 2 ja Lähteülesanne 3 **lk** 33, 34 ja 36) on näha lisades.

Tabel 4. Lähteülesanne 1.

	Sisendite arv	Väljundite arv	Lihtimplikante	Kulunud aeg	-Dverify
<b>QMMinPro</b>	4	7	9	3 sek	PLA's compared equal
<b>Minu lahendus</b>	4	7	9	1 sek	PLA's compared equal
<b>espresso</b>	4	7	9	0.04 sek	PLA's compared equal

Tulemused näidatud lisas (**Vt** Tulemus 1, Tulemus 2 ja Tulemus 3 lk 38).

Tabel 5. Lähteülesanne 2.

	Sisendite arv	Väljundite arv	Lihtimplikante	Kulunud aeg	-Dverify
<b>QMMinPro</b>	8	5	57	30 sek	PLA's compared equal
<b>Minu lahendus</b>	8	5	57	9 sek	PLA's compared equal
<b>espresso</b>	8	5	57	0.1 sek	PLA's compared equal

Tulemused näidatud lisas (**Vt** Tulemus 4, Tulemus 5 ja Tulemus 6 lk 39 ja 40).

Tabel 6. Lähteülesanne 3.

	Sisendite arv	Väljundite arv	Lihtimplikante	Kulunud aeg	-Dverify
<b>QMMinPro</b>	8	8	77	216 sek	PLA's compared equal
<b>Minu lahendus</b>	8	8	76	25 sek	PLA's compared equal
<b>espresso</b>	4	8	76	0.16 sek	PLA's compared equal

Tulemused näidatud lisas (**Vt** Tulemus 7, Tulemus 8 ja Tulemus 9 lk 41, 42 ja 43).

## 5 Kokkuvõte

Lõputöö käigus sai välja arendatud lihtne tarkvara, millega on võimalik minimeerida etteantud Boole'i funktsioon. Rakendus võiks leida kasutust inimeste seas, kellel on vaja minimeerida Boole'i funktsioone ning soovivad kontrollida enda lahendust või kontrollida, kuidas Quine-McCluskey meetod töötab. Rakendusest on eemaldatud arenduse käigus mitmed ebastabiilsused ning kõik silumise käigus leitud tõrked on parandatud. Seega võib töö eesmäärke lugeda õnnestunuks.

## 6 Kasutatud kirjandus

- [1] Willard Van Orman Quine, ""A Way to Simplify Truth Functions"," *The American Mathematical Monthly*, pp. 627–631, November 1955.
- [2] Willard Van Orman Quine, ""The Problem of Simplifying Truth Functions"," *The American Mathematical Monthly*, pp. 521–531, October 1952.
- [3] Margus Kruus. [www.pld.ttu.ee/~kruus/diskmat/Loeng\\_3\\_1.doc](http://www.pld.ttu.ee/~kruus/diskmat/Loeng_3_1.doc).
- [4] MC-Soft. (2017, May)  
[https://play.google.com/store/apps/details?id=com.mcsoft.quine\\_mccluskeysolvercover&hl=en](https://play.google.com/store/apps/details?id=com.mcsoft.quine_mccluskeysolvercover&hl=en).
- [5] Hatem Hassan. (2017, May) <http://www.quinemccluskey.com/>.
- [6] Jan Devjatko. Digitaalsüsteemid / Digital Systems. [Online].  
<http://mini.pld.ttu.ee/~lrv/IAY0150/>
- [7] Robert Brayton. espresso. [Online]. <http://mini.pld.ttu.ee/%7Elrv/espresso/>



## Lisa 1 – Lähteülesanded

Lähteülesanne 1

```
.i 4
.o 7
0000 1111110
0001 0110000
0010 1101101
0011 1111001
0100 0110011
0101 1011011
0110 1011111
0111 1110000
1000 1111111
1001 1111011
1010 0000000
1011 0000000
1100 0000000
1101 0000000
1110 0000000
1111 0000000
```

Lähteülesanne 2

.i 8	00101001 00110	01010101 01001
.o 5	00101010 00110	01010110 01001
00000000 00000	00101011 00111	01010111 01001
00000001 00001	00101100 00111	01011000 01001
00000010 00001	00101101 00111	01011001 01001
00000011 00010	00101110 00111	01011010 01001
00000100 00010	00101111 00111	01011011 01010
00000101 00010	00110000 00111	01011100 01010
00000110 00010	00110001 00111	01011101 01010
00000111 00011	00110010 00111	01011110 01010
00001000 00011	00110011 00111	01011111 01010
00001001 00011	00110100 00111	01100000 01010
00001010 00011	00110101 00111	01100001 01010
00001011 00011	00110110 00111	01100010 01010
00001100 00011	00110111 00111	01100011 01010
00001101 00100	00111000 00111	01100100 01010
00001110 00100	00111001 01000	01100101 01010
00001111 00100	00111010 01000	01100110 01010
00010000 00100	00111011 01000	01100111 01010
00010001 00100	00111100 01000	01101000 01010
00010010 00100	00111101 01000	01101001 01010
00010011 00100	00111110 01000	01101010 01010
00010100 00100	00111111 01000	01101011 01010
00010101 00101	01000000 01000	01101100 01010
00010110 00101	01000001 01000	01101101 01010
00010111 00101	01000010 01000	01101110 01010
00011000 00101	01000011 01000	01101111 01011
00011001 00101	01000100 01000	01110000 01011
00011010 00101	01000101 01000	01110001 01011
00011011 00101	01000110 01000	01110010 01011
00011100 00101	01000111 01000	01110011 01011
00011101 00101	01001000 01000	01110100 01011
00011110 00101	01001001 01001	01110101 01011
00011111 00110	01001010 01001	01110110 01011
00100000 00110	01001011 01001	01110111 01011
00100001 00110	01001100 01001	01111000 01011
00100010 00110	01001101 01001	01111001 01011
00100011 00110	01001110 01001	01111010 01011
00100100 00110	01001111 01001	01111011 01011
00100101 00110	01010000 01001	01111100 01011
00100110 00110	01010001 01001	01111101 01011
00100111 00110	01010010 01001	01111110 01011
00101000 00110	01010011 01001	01111111 01011
00101001 00110	01010100 01001	10000000 01011

10000001 01011	10101101 01101	11011001 01111
10000010 01011	10101110 01101	11011010 01111
10000011 01011	10101111 01101	11011011 01111
10000100 01011	10110000 01101	11011100 01111
10000101 01100	10110001 01101	11011101 01111
10000110 01100	10110010 01101	11011110 01111
10000111 01100	10110011 01101	11011111 01111
10001000 01100	10110100 01101	11100000 01111
10001001 01100	10110101 01101	11100001 01111
10001010 01100	10110110 01101	11100010 01111
10001011 01100	10110111 01110	11100011 01111
10001100 01100	10111000 01110	11100100 01111
10001101 01100	10111001 01110	11100101 01111
10001110 01100	10111010 01110	11100110 01111
10001111 01100	10111011 01110	11100111 01111
10010000 01100	10111100 01110	11101000 01111
10010001 01100	10111101 01110	11101001 01111
10010010 01100	10111110 01110	11101010 01111
10010011 01100	10111111 01110	11101011 01111
10010100 01100	11000000 01110	11101100 01111
10010101 01100	11000001 01110	11101101 01111
10010110 01100	11000010 01110	11101110 01111
10010111 01100	11000011 01110	11101111 01111
10011000 01100	11000100 01110	11110000 01111
10011001 01100	11000101 01110	11110001 10000
10011010 01100	11000110 01110	11110010 10000
10011011 01100	11000111 01110	11110011 10000
10011100 01100	11001000 01110	11110100 10000
10011101 01101	11001001 01110	11110101 10000
10011110 01101	11001010 01110	11110110 10000
10011111 01101	11001011 01110	11110111 10000
10100000 01101	11001100 01110	11111000 10000
10100001 01101	11001101 01110	11111001 10000
10100010 01101	11001110 01110	11111010 10000
10100011 01101	11001111 01110	11111011 10000
10100100 01101	11010000 01110	11111100 10000
10100101 01101	11010001 01110	11111101 10000
10100110 01101	11010010 01110	11111110 10000
10100111 01101	11010011 01111	11111111 10000
10101000 01101	11010100 01111	
10101001 01101	11010101 01111	
10101010 01101	11010110 01111	
10101011 01101	11010111 01111	
10101100 01101	11011000 01111	

Lähteülesanne 3

.i 8	00101001 11001110	01010101 10101010
.o 8	00101010 11010011	01010110 10101111
00000000 00000001	00101011 11011000	01010111 10110100
00000001 00000110	00101100 11011101	01011000 10111001
00000010 00001011	00101101 11100010	01011001 10111110
00000011 00010000	00101110 11100111	01011010 11000011
00000100 00010101	00101111 11101100	01011011 11001000
00000101 00011010	00110000 11110001	01011100 11001101
00000110 00011111	00110001 11110110	01011101 11010010
00000111 00100100	00110010 11111011	01011110 11010111
00001000 00101001	00110011 00000000	01011111 11011100
00001001 00101110	00110100 00000101	01100000 11100001
00001010 00110011	00110101 00001010	01100001 11100110
00001011 00111000	00110110 00001111	01100010 11101011
00001100 00111101	00110111 00010100	01100011 11110000
00001101 01000010	00111000 00011001	01100100 11110101
00001110 01000111	00111001 00011110	01100101 11111010
00001111 01001100	00111010 00100011	01100110 11111111
00010000 01010001	00111011 00101000	01100111 00000100
00010001 01010110	00111100 00101101	01101000 00001001
00010010 01011011	00111101 00110010	01101001 00001110
00010011 01100000	00111110 00110111	01101010 00010011
00010100 01100101	00111111 00111100	01101011 00011000
00010101 01101010	01000000 01000001	01101100 00011101
00010110 01101111	01000001 01000110	01101101 00100010
00010111 01110100	01000010 01001011	01101110 00100111
00011000 01111001	01000011 01010000	01101111 00101100
00011001 01111100	01000100 01010101	01110000 00110001
00011010 10000011	01000101 01011010	01110001 00110110
00011011 10001000	01000110 01011111	01110010 00111011
00011100 10001101	01000111 01100100	01110011 01000000
00011101 10010010	01001000 01101001	01110100 01000101
00011110 10010111	01001001 01101110	01110101 01001010
00011111 10011100	01001010 01110011	01110110 01001111
00100000 10100001	01001011 01111000	01110111 01010100
00100001 10100110	01001100 01111101	01111000 01011001
00100010 10101011	01001101 10000010	01111001 01011110
00100011 10110000	01001110 10000111	01111010 01100011
00100100 10110101	01001111 10001100	01111011 01101000
00100101 10111010	01010000 10010001	01111100 01101101
00100110 10111111	01010001 10010110	01111101 01110010
00100111 11000100	01010010 10011011	01111110 01110111
00101000 11001001	01010011 10100000	01111111 01111100
	01010100 10100101	10000000 10000001

10000001	10000110	10101100	01011101	11010111	00110100
10000010	10001011	10101101	01100010	11011000	00111001
10000011	10010000	10101110	01100111	11011001	00111110
10000100	10010101	10101111	01101100	11011010	01000011
10000101	10011010	10110000	01110001	11011011	01001000
10000110	10011111	10110001	01110110	11011100	01001101
10000111	10100100	10110010	01111011	11011101	01010010
10001000	10101001	10110011	10000000	11011110	01010111
10001001	10101110	10110100	10000101	11011111	01011100
10001010	10110011	10110101	10001010	11100000	01100001
10001011	10111000	10110110	10001111	11100001	01100110
10001100	10111101	10110111	10010100	11100010	01101011
10001101	11000010	10111000	10011001	11100011	01110000
10001110	11000111	10111001	10011110	11100100	01110101
10001111	11001100	10111010	10100011	11100101	01111010
10010000	11010001	10111011	10101000	11100110	01111111
10010001	11010110	10111100	10101101	11100111	10000100
10010010	11011011	10111101	10110010	11101000	10001001
10010011	11100000	10111110	10110111	11101001	10001110
10010100	11100101	10111111	10111100	11101010	10010011
10010101	11101010	11000000	11000001	11101011	10011000
10010110	11101111	11000001	11000110	11101100	10011101
10010111	11110100	11000010	11001011	11101101	10100010
10011000	11111001	11000011	11010000	11101110	10100111
10011001	11111110	11000100	11010101	11101111	10101100
10011010	00000011	11000101	11011010	11110000	10110001
10011011	00001000	11000110	11011111	11110001	10110110
10011100	00001101	11000111	11100100	11110010	10111011
10011101	00010010	11001000	11101001	11110011	11000000
10011110	00010111	11001001	11101110	11110100	11000101
10011111	00011100	11001010	11110011	11110101	11001010
10100000	00100001	11001011	11111000	11110110	11001111
10100001	00100110	11001100	11111101	11110111	11010100
10100010	00101011	11001101	00000010	11111000	11011001
10100011	00110000	11001110	00000111	11111001	11011110
10100100	00110101	11001111	00001100	11111010	11100011
10100101	00111010	11010000	00010001	11111011	11101000
10100110	00111111	11010001	00010110	11111100	11101101
10100111	01000100	11010010	00011011	11111101	11110010
10101000	01001001	11010011	00100000	11111110	11110111
10101001	01001110	11010100	00100101	11111111	11111100
10101010	01010011	11010101	00101010		
10101011	01011000	11010110	00101111		

## Lisa 2 – Minimeerimis tulemused.

### Lähteülesanne 1.

Tulemus 1 Lähteülesanne 1 minu lahendus

0101 1011011 T  
100- 1111011 X  
-000 1111110 V  
0100 0110011 K  
0110 1011111 U  
0010 1101101 P  
00-1 0110000 C  
0011 1111001 S  
0-11 1110000 N

Tulemus 2 Lähteülesanne 1 QMMinPro

0101 1011011 T  
100- 1111011 W  
-000 1111110 V  
0100 0110011 M  
0110 1011111 U  
0010 1101101 R  
00-1 0110000 E  
0011 1111001 S  
0-11 1110000 N

Tulemus 3 Lähteülesanne 1 Espresso

0-00 0100000  
0-11 1110000  
0-10 1001100  
01-0 0010011  
-00- 0110000  
001- 0101001  
100- 1001011  
-000 1001110  
0101 1011011

## Lähteülesanne 2.

Tulemus 4 Lähteülesanne 2 Minu lahendus

00-001-- 00010 s  
000-0111 00001 I  
1-10---- 01101 Bu  
10000-00 01011 n  
0010---- 00110 BH  
000010-- 00011 o  
-0000001 00001 B  
-0000010 00001 D  
-0000011 00010 F  
00-01100 00011 P  
-00-11-1 00100 AQ  
-00-111- 00100 AS  
010011-- 01001 AN  
100000-- 01011 Ao  
000110-- 00101 AC  
00101-11 00111 AW  
001011-- 00111 BA  
110----- 01110 Bv  
01----- 01000 Bd  
10--1--- 01100 Bl  
10--1-1 01100 BV  
10---11- 01100 BY  
10-1---- 01100 Bo  
-0111--1 01000 Aa  
-0111-1- 01000 Ac  
-01111-- 01000 Ae  
01-111-- 01010 BD  
-110---- 01010 Bk  
0-011111 00010 K  
01-11-11 01010 Af  
0111---- 01011 Br  
00110--- 00111 BP  
-001---- 00100 BJ  
111-0000 01111 Ay  
-01100-- 00101 At  
-0110-0- 00101 Au  
-0110--0 00101 Av  
10111--- 01110 Bb  
0011-000 00111 AB  
1111---1 10000 Ah  
1111--1- 10000 Ai  
1111-1-- 10000 Aj  
11111--- 10000 Ak  
011-1111 01011 Al  
1011-111 01110 An

01001--1 01001 AL  
010-1010 01001 g  
0001-101 00101 c  
00011--0 00101 AE  
0--1011- 00001 AV  
1-0111-1 01101 BF  
1-01111- 01101 BG  
-101100- 01001 AO  
01-10--- 01001 BU  
1101-1-- 01111 Bs  
1101--11 01111 Bc  
11011--- 01111 Bt

Tulemus 5 Lahteulesanne 2 QMMinPro

00-001-- 00010 r  
 000-0111 00001 H  
 1-10---- 01101 Bs  
 10000-00 01011 z  
 0010---- 00110 BM  
 000010-- 00011 u  
 -0000001 00001 A  
 -0000010 00001 B  
 -0000011 00010 F  
 00-01100 00011 Z  
 -00-11-1 00100 AJ  
 -00-111- 00100 AK  
 010011-- 01001 AU  
 100000-- 01011 Ap  
 000110-- 00101 AE  
 00101-11 00111 Ad  
 001011-- 00111 Az  
 110----- 01110 Bu  
 01----- 01000 Bd  
 10--1--- 01100 Bm  
 10--1-1 01100 BX  
 10--11- 01100 BY  
 10-1---- 01100 Bn  
 -0111--1 01000 AW  
 -0111-1- 01000 AX  
 -01111-- 01000 AY  
 01-111-- 01010 BC  
 -110---- 01010 Bh  
 0-011111 00010 J  
 01-11-11 01010 Af  
 0111---- 01011 Bp  
 00110--- 00111 B0  
 -001---- 00100 BG  
 111-0000 01111 BA  
 -01100-- 00101 As  
 -0110-0- 00101 Ar  
 -0110--0 00101 Aq  
 10111--- 01110 BZ  
 0011-000 00111 AF  
 1111---1 10000 Ag  
 1111--1- 10000 Ah  
 1111-1-- 10000 Ai  
 11111--- 10000 Aj  
 011-1111 01011 Al  
 1011-111 01110 Am  
 01001-1- 01001 AT  
 010-1001 01001 f  
 0--101-1 00001 AO  
 1-01111- 01101 BE  
 0--1011- 00001 AP  
 00011--0 00101 AC  
 -0011101 00101 h  
 11011--- 01111 Br  
 01-1-0-0 01001 At  
 01-10--- 01001 BP  
 -10101-- 01001 Ay  
 -1010-11 01001 AZ

Tulemus 6 Lahteulesanne 2 Espresso

0-011111 00010  
 -0000011 00010  
 -0110111 00010  
 0000-001 00001  
 0000-010 00001  
 00-01011 00001  
 111-0000 01111  
 10000-00 00011  
 000-0111 00001  
 0001-101 00001  
 0001-110 00001  
 00001-00 00011  
 0-0-1001 00001  
 0011-000 00111  
 --101111 00001  
 -1011-11 00010  
 -1010-11 00001  
 00-010-- 00010  
 01001-1- 00001  
 010011-- 00001  
 1111---1 10000  
 1111--1- 10000  
 1-0111-1 00001  
 1-01111- 00001  
 1111-1-- 10000  
 -01011-- 00001  
 100000-- 00011  
 11111--- 10000  
 00011--0 00001  
 01-1-0-0 00001  
 00-001-- 00010  
 -0111--1 01000  
 -0111-1- 01000  
 -01111-- 01000  
 -00-11-1 00100  
 -00-111- 00100  
 -10111-- 00010  
 -0110-0- 00001  
 -10101-- 00001  
 11011--- 00001  
 000-10-- 00001  
 -0110--0 00101  
 -01100-- 00101  
 10--1-1 00100  
 10--11- 00100  
 10111--- 00110  
 01-10--- 00001  
 0010---- 00110  
 00110--- 00111  
 -110---- 01010  
 0111---- 00011  
 1-0-1--- 00100  
 1-10---- 00101  
 110----- 01110  
 -001---- 00100  
 01----- 01000  
 10----- 01000



### Lähteülesanne 3.

Tulemus 7 Lähteülesanne 3 Minu lahendus

-----0 00000001 Jn  
-----001 00000110 Ir  
----0-10 00001011 Jo  
---0-011 00010000 DJ  
--001-0 00010101 Ip  
--00101 00011010 Gs  
--0-0111 00100100 EJ  
-----1-0 00000101 Jq  
----0101 00001010 HB  
-1000--- 01000000 Bx  
---01010 00010011 Gt  
--0010-- 00100000 Br  
---01100 00011101 JA  
--001-00 00101001 GN  
-----10 00000011 Jp  
-0-0111- 01000100 EL  
-0-01101 01000010 k  
0-011-1- 10000000 AF  
---1111- 00010100 IG  
010-111- 10000100 Ao  
010-1101 10000010 C  
1000---- 10000000 CC  
----1-00 00001001 Is  
0-0111-- 10000000 AG  
---11-01 00010010 Hh  
--1111-- 00100000 FB  
----10-1 00001000 HD  
---1-00- 00010000 GY  
-10010-- 01100000 DB  
-10-1100 01001101 He  
0101---- 10000000 DN  
---100-0 00010001 GS  
--0101-- 00100000 DL  
-0010--- 01000000 Bs  
-001100- 01111000 Gh  
--010-11 00100000 AE  
--01100- 00111000 Gv  
10010--- 11000000 DG  
10-1100- 10011000 EG  
-0101--- 01000000 DM  
0010---- 10000000 Bt  
----1111 00001100 IE  
---1-111 00010100 IF  
-010-111 01000100 Ak  
-1-11-1- 01000000 FC  
--1-000- 00100000 Bw  
0011000- 11110000 CK

-1111--- 01000000 FF  
--1000-- 00100000 Bu  
001100-0 11110001 Gb  
011000-- 11100000 Ca  
--11-010 00100011 Hf  
-011000- 01110000 CU  
-01100-0 01110001 Gj  
1-11-1-- 10000000 FG  
1-000--- 10000000 CE  
11-010-- 10000000 AK  
11-01-00 10001001 EI  
1111---- 10000000 FJ  
--111-1- 00100000 FA  
-1-111-- 01000000 FD  
-----11- 00000100 JK  
1-11--11 10000000 BR  
1-111-1- 10100000 Fp  
-----01 00000010 It  
111--111 10000100 BW  
-1100-0- 01100000 DE  
0-100-0- 10100000 Bh  
-111-1-- 01000000 FE  
-11-0011 01000000 I  
-1100--0 01100001 HA  
0-100--0 10100001 GQ  
--1-11-1 00100000 Ey  
--10-110 00100111 Ja  
--100-0- 00100000 Bv  
111-1--- 10000000 FI

Tulemus 8 Läheteülesanne 3 QMMinPro

-----0 0000001 Jd	1111---- 10000000 FB
-----001 00000110 Ih	--111-1- 00100000 EN
----0-10 00001011 Jg	-1-111-- 01000000 ET
---0-011 00010000 CD	-----11- 00000100 IL
---001-0 00010101 Ik	1-11--11 10000000 BF
---00101 00011010 GU	1-111-1- 10100000 FU
--0-0111 00100100 DL	-----01 00000010 Ig
-----1-0 00000101 Jf	111--111 10000100 BQ
---0101 00001010 GS	-111--11 01000000 Aw
-1000--- 01000000 Bo	-11000-- 01100000 CZ
---01010 00010011 GV	111-1--- 10000000 Ey
--0010-- 00100000 BZ	0-100-0- 10100000 Bp
---01100 00011101 Io	0-100--0 10100001 GR
--001-00 00101001 GM	-1100-0- 01100000 CY
-----10 00000011 Je	-111-1-- 01000000 EW
-0-0111- 01000100 DQ	-1100--0 01100001 Gn
-0-01101 01000010 d	--1-11-1 00100000 EL
0-011-1- 10000000 n	--10-110 00100111 JE
---1111- 00010100 Hd	--100-0- 00100000 Bc
010-111- 10000100 Aa	
010-1101 10000010 D	
1000---- 10000000 CB	
----1-00 00001001 Ii	
0-0111-- 10000000 o	
---11-01 00010010 Gx	
--1111-- 00100000 EO	
----10-1 00001000 GT	
---1-00- 00010000 GH	
-10010-- 01100000 CV	
-10-1100 01001101 HF	
0101---- 10000000 Cl	
---100-0 00010001 GJ	
--0101-- 00100000 CH	
-0010--- 01000000 Bh	
-001100- 01111000 Gi	
--010-11 00100000 a	
--01100- 00111000 Ga	
10010--- 11000000 DC	
10-1100- 10011000 Dz	
-0101--- 01000000 CM	
0010---- 10000000 Bs	
----1111 00001100 Hb	
---1-111 00010100 Hc	
-010-111 01000100 AK	
-1-11-1- 01000000 ES	
--1-000- 00100000 Bb	
0011000- 11110000 Ck	
-1111--- 01000000 EX	
--1000-- 00100000 Bd	
001100-0 11110001 Gp	
011000-- 11100000 Co	
--11-010 00100011 Gz	
-011000- 01110000 CP	
-01100-0 01110001 Gk	
1-11-1-- 10000000 Ek	
1-000--- 10000000 Bx	
11-010-- 10000000 AF	
11-01-00 10001001 ED	

Tulemus 9 Läheteülesanne 3 Espresso

11-00111 10000000  
 001-00-0 10000000  
 010-11-1 10000000  
 10-10-11 10000000  
 001-000- 10000000  
 010-111- 10000000  
 10-1100- 10000000  
 11-01-00 10000000  
 -010-111 01000000  
 -11-0011 01000000  
 -001-00- 01000000  
 -100--00 01000000  
 --11-010 00100000  
 --0-0111 00100000  
 -0-100-0 01000000  
 --010-11 00100000  
 -10-101- 01000000  
 --001-00 00100000  
 --10-110 00100000  
 0-011-1- 10000000  
 -0-1000- 01000000  
 -0-011-1 01000000  
 0-100--0 10000000  
 0-0111-- 10000000  
 11-010-- 10000000  
 0-100-0- 10000000  
 -0-0111- 01000000  
 0-1000-- 10000000  
 ----0101 00001000  
 ---1-111 00010000  
 100-0--- 10000000  
 0101---- 10000000  
 1000---- 10000000  
 ---0-100 00010000  
 ---0-011 00010000  
 ---11-01 00010000  
 0010---- 10000000  
 1111---- 10000000

---100-0 00010000  
 111-1--- 10000000  
 --0-100- 00100000  
 --1-11-1 00100000  
 -0010--- 01000000  
 ---001-0 00010000  
 1-11-1-- 10000000  
 -100-0-- 01000000  
 --1-000- 00100000  
 ---1111- 00010000  
 -111-1-- 01000000  
 -1-00--0 01000000  
 ---0010- 00010000  
 ---0101- 00010000  
 --0101-- 00100000  
 1-000--- 10000000  
 1-111--- 10000000  
 --111-1- 00100000  
 -1-00-0- 01000000  
 -1-111-- 01000000  
 -1000--- 01000000  
 -0101--- 01000000  
 -1111--- 01000000  
 --0010-- 00100000  
 --100-0- 00100000  
 --1111-- 00100000  
 --1000-- 00100000  
 -----001 00000100  
 ----1-00 00001000  
 ----0-10 00001000  
 ----1-11 00001000  
 ----10-1 00001000  
 ---1-00- 00010000  
 -----01 00000010  
 -----10 00000010  
 -----1-0 00000100  
 -----11- 00000100  
 -----0 00000001

## Lisa 3 – Programmi kood.

```
public static boolean isNumeric(String initial) {
    String[] parts = initial.split(" ");
    for (int i = 0; i < parts[0].length(); i++) {
        if ((parts[0].charAt(i) == '1' || (parts[0].charAt(i) == '0'))){
            } else {
                return false;
            }
        }
    for (int i = 0; i < parts[1].length(); i++) {
        if ((parts[1].charAt(i) == '1' || (parts[1].charAt(i) == '0')
        || (parts[1].charAt(i) == '-'))){
            } else {
                return false;
            }
        }
    return true;
}
```

Joonis 8. isNumeric() kood.

```
public static ArrayList<String> multiply(String initial) {
    ArrayList<String> seperated = new ArrayList<String>();
    String[] parts = initial.split(" ");
    for (int i = 0; i < parts[1].length(); i++) {
        if ((parts[1].charAt(i) == '1')) {
            String make = "";
            for (int j = 0; j < parts[1].length(); j++) {
                if (j == i) {
                    make = make + "1";
                } else {
                    make = make + "0";
                }
            }
            seperated.add("_" + " " + parts[0] + " " + make);
        }
        if ((parts[1].charAt(i) == '-')) {
            String make = "";
            for (int j = 0; j < parts[1].length(); j++) {
                if (j == i) {
                    make = make + "1";
                } else {
                    make = make + "0";
                }
            }
            seperated.add("*" + " " + parts[0] + " " + make);
        }
    }
    return seperated;
}
```

Joonis 9. multiply() kood

```

public void checkCoverage(JTextArea textArea, JTable table) {
    checkCoverageMk2(initialnumbers, implicants);
    textArea.append("\nProcessing prime Implicants: \n\n");
    primeProcess = primeProcess + "\nProcessing prime Implicants: \n\n";
    while (!initialnumbers.isEmpty()) {
        System.out.println();
        System.out.println("01 " + initialnumbers);
        String result = getPrimeMk2(implicants, initialnumbers,
            primeImplicants, table) + "\n";
        textArea.append(result);
        System.out.println(result);
        primeProcess = primeProcess + result;
    }
    System.out.println("01 " + primeImplicants);
}
}

```

Joonis 10. checkCoverage() kood

```

public HashSet<Todo> getCovers(String covered) {
    HashSet<Todo> coversLower = new HashSet<Todo>();
    HashSet<Todo> coversUpper = new HashSet<Todo>();
    HashSet<Todo> covers = new HashSet<Todo>();
    for (int i = 0; i < superGroup.size(); i++) {
        for (int j = 0; j < superGroup.get(i).size(); j++) {
            for (int k = 0; k < superGroup.get(i).get(j).size(); k++)
            {
                System.out.println("02 " +
                    superGroup.get(i).get(j).get(k).toString()+" "
                    + covered);
                if
                (superGroup.get(i).get(j).get(k).toString().equals(
                    covered)) {
                    coversLower.addAll(superGroup.get(i).get(j).
                        get(k).getCoverage());
                    coversLower.forEach((a) -> {
                        coversLower.addAll(a.getCoverage());
                    });
                    coversUpper.addAll(superGroup.get(i).get(j).
                        get(k).getCoveredBy());
                    for (int n = 0; n < superGroup.size() - i;
                        n++) {
                        HashSet<Todo> coversUpperTemp = new
                            HashSet<Todo>();
                        coversUpper.forEach((a) -> {
                            coversUpperTemp.addAll(a.getCoveredBy());
                        });
                        coversUpper.addAll(coversUpperTemp);
                    }
                    covers.add(superGroup.get(i).get(j).get(k));
                    covers.addAll(coversLower);
                    covers.addAll(coversUpper);
                    return covers;
                }
            }
        }
    }
    return covers;
}
}

```

Joonis 11. getCovers() kood

```

public static ArrayList<ArrayList<Todo>> check(ArrayList<ArrayList<Todo>>
groups) {
    ArrayList<ArrayList<Todo>> newGroup =new ArrayList<ArrayList<Todo>>();
    for (int i = 0; i < groups.size() - 1; i++) {
        ArrayList<Todo> outputGroup =
        Checker.outputCheck(groups.get(i));
        ArrayList<Todo> functionGroup =
        Checker.functionCheck(groups.get(i), groups.get(i + 1));
        ArrayList<Todo> mergedGroup = new ArrayList<Todo>();
        mergedGroup.addAll(outputGroup);
        for (int j = 0; j < functionGroup.size(); j++) {
            boolean check = false;
            for (int k = 0; k < mergedGroup.size(); k++) {
                if
                ((mergedGroup.get(k).toString().equals(functionGroup
                p.get(j).toString())) {
                    check = true;
                }
            }
            if (!check) mergedGroup.add(functionGroup.get(j));
        }
        newGroup.add(mergedGroup);
    }
    ArrayList<Todo> mergerGroup = new ArrayList<Todo>();
    if (groups.size() > 1) {
        mergerGroup = Checker.outputCheck(groups.get(groups.size() -
        1));
    }
    if (!(mergerGroup.isEmpty())) {
        newGroup.add(mergerGroup);
    }
    return newGroup;
}

```

Joonis 12. check() kood

```

public static String getPrimeMk2(ArrayList<Todo> implicants, ArrayList<Todo>
initialgroup, ArrayList<Todo> primeImplicants, JTable table) {
    String response = "None to be removed";
    ArrayList<Todo> toBeRemoved = new ArrayList<Todo>();
    if (!check2) {
        addCoversForAll(implicants, initialgroup);
    }
    check2 = true;
    for (int i = 0; i < implicants.size(); i++) {
        for (int j = 0; j < implicants.size(); j++) {
            if (!implicants.get(i).equals(implicants.get(j))) {
                if
                (implicants.get(i).getCoverageForAll().containsAll(
                implicants.get(j).getCoverageForAll())) {
                    toBeRemoved.add(implicants.get(j));
                }
            }
        }
    }
    if (!toBeRemoved.isEmpty()) {
        response = implicants.get(i).getIdentifier() + " covers ";
        for (int k = 0; k < toBeRemoved.size(); k++) {

```

